

Bac STI2D - SESSION 2013

ÉPREUVE MATHÉMATIQUES

CORRIGÉ

Durée : 4 heures

Exercice 1 (5 points)

1° a) $P(X > 99) = 1 - P(X \leq 99) \approx \underline{0,99}$

b) $P(99 \leq X \leq 101) = P(X \leq 101) - P(X \leq 99) \approx \underline{0,98}$

c) Il s'agit de l'évènement contraire de $99 \leq X \leq 101$ donc on fait $1 - P(99 \leq X \leq 101) \approx \underline{0,02}$ soit donc environ 2% de pots non conformes.

2° a) Avec $p = 0,98$ et $n = 120$, on obtient $I = [0,955 ; 1]$ à 0,001 près.

b) Comme $113/120 \approx \underline{0,942}$ n'est pas dans l'intervalle de fluctuation alors on peut supposer qu'il y a un réglage à faire dans la chaîne de fonctionnement avec un risque d'erreur au seuil de 5%

Exercice 2 (5 points)

Partie A

- 1) Ceci étant dû aux pertes de chaleur lors des échanges avec l'extérieur plus froid, la fonction f est forcément décroissante.
- 2) On a $f'(t) = 9 \cdot (-0,12) e^{-0,12t} = -1,08 e^{-0,12t} < 0$ pour tout t , ce qui vérifie ce qui a été dit en 1).
- 3) $f(9) \approx \underline{14,1}$ ce qui correspond à la température en °C de la pièce le lendemain à 7h du matin.
- 4) A la minute près, c'est au bout de 6h46 (intersection entre la courbe et la droite d'équation $y = 15$ pour $t \approx 6,76$) donc à partir de 4h46 du matin
- 5) On résout $9 e^{-0,12t} + 11 < 15$ soit $e^{-0,12t} < 4/9$ i.e. $-0,12t < \ln(4/9)$ ce qui équivaut à :
$$t > -\frac{\ln(\frac{4}{9})}{0,12} \approx 6,76$$

Partie B

- 1) Une primitive de g est $G(t) = -\frac{0,7}{0,12} e^{-0,12t}$ et alors $\varepsilon = G(9) - G(0) = \frac{35}{6}(1 - e^{-1,08})$
- 2) On obtient $\varepsilon \approx 3,9$ kWh

Exercice 3 (4 points) 1° Réponse b 2° Réponse d 3° Réponse d 4° Réponse b

Exercice 4 (6 points)

Partie A

- 1) Diminuer de 0,3% revient à multiplier par $1 - 0,3/100 = 0,997$ d'où $p_1 = p_0 * 0,997$
- 2) Cela revient à calculer $p_2 = p_0 * 0,997^2 \approx \underline{6361 \text{ MW par défaut}}$

3) La suite est géométrique de raison 0,997 et on a pour tout n : $p_n = p_0 * 0,997^n = \underline{6400 * 0,997^n}$

Partie B

1) On obtient les valeurs suivantes :

1er passage dans la boucle de l'algorithme : 6380

2^{ème} passage dans la boucle de l'algorithme : 6361

3ème passage dans la boucle de l'algorithme : 6342

2) Le 3ème passage correspond à p_3 c'est-à-dire la puissance électrique au MW près par défaut restant dans la ligne Xiangjiaba-Shanghai au bout de 300 km.

3) $(6342 - 6400) / 6400 \approx -0,009$ soit une perte d'environ 0,9%.

Partie C

1) Puisqu'elle mesure environ 1900 km, il faut calculer $p_{19} = p_0 * 0,997^{19} \approx \underline{6045 \text{ MW}}$

2) a) $(6045 - 6400) / 6400 \approx -0,055$ soit une perte d'environ 5,5% , donc la ligne Xiangjiaba-Shanghai répond à la contrainte.

b) Avec un tableur, on regarde l'indice n maximal pour lequel $0,997^n > 0,93$ (coefficient qui correspond à une baisse de 7%) : on trouve $n = 24$.

On peut donc aller jusqu'à 2400 km de ligne à 100 km près.